

الزمن: ثلاث ساعات

المادة: الرياضيات البحتة

تنبيه:

- الأسئلة في ( 5 ) صفحات.
- على الطالب توضيح خطوات الحل كاملة عند الإجابة على الأسئلة المقالية.
- الرمز [ ] يدل على دالة أكبر عدد صحيح ، الرمز  $\theta$  يشير إلى ثابت التكامل .
- يوجد ملحق للمساحة المتجمعة تحت المنحنى الطبيعي ( المعتدل ) لغاية قيم  $z$  الموجبة.

السؤال الأول:

ضع دائرة حول الحرف الدال على الإجابة الصحيحة من بين البدائل المعطاة في دفتر إجابتك للمفردات (14-1) الآتية:

1 ( إذا كانت الدالة هـ ( س ) دالة مقابلة للدالة م ( س ) ، فان  $\int_{-1}^1 (س + م (س)) \cdot س \, ds =$

- ( أ )  $+1$  هـ - ( 1 ) هـ - ( 1 - ) هـ ( ب ) هـ ( 1 - ) هـ - ( 1 ) هـ  
( ج )  $-1$  هـ ( 1 ) هـ + ( 1 - ) هـ ( د ) هـ ( 1 ) هـ - ( 1 - ) هـ

2 ( إذا كان ميل المماس لمنحنى عند أي نقطة ( س ، ص ) عليه يساوي  $3س^2$  ، وقطع هذا المنحنى محور السينات عند  $س = -2$  ، فان الجزء المقطوع من محور الصادات يساوي :

- ( أ ) 12 ( ب ) 10 ( ج ) 8 ( د ) 6

3 ( إذا كانت هـ(س) دالة قابلة للتكامل في H بحيث أن هـ ( س )  $\leq \frac{|س|}{\left[ \frac{1}{4}س \right]}$   $س \in [5, 7]$  وكان  $\int_{-1}^1 هـ(س) \cdot س \, ds \leq م$  ، فان قيمة م =

- ( أ ) 24 ( ب ) 12 ( ج ) 8 ( د ) 2

4 (  $\int_{-1}^1 (س - |س|) \cdot س \, ds =$

- ( أ ) -4 ( ب ) صفر ( ج ) 4 ( د ) 8

تابع / السؤال الأول:

(5) إذا كانت هـ (س) قابلة للتكامل على H بحيث أن  $\int_a^b (س + 2) \cdot س \, ds = \int_a^b (س - 1) \cdot س \, ds$  فان قيمة أ =

- (أ) 1 (ب) 5 (ج) 9 (د) 18

(6) إذا علمت أن ق (س) < 2 - س 8 H ، وكانت ق (س) دالة قابلة للتكامل على H

$$\int_a^b ق(س) \times \sqrt{ق(س) + 2} \, ds = 5س$$

- (أ)  $\frac{\sqrt{ق(س) + 2}}{2} + ث$  (ب)  $2\sqrt{ق(س) + 2} + ث$   
 (ج)  $\frac{1}{2\sqrt{ق(س) + 2}} + ث$  (د)  $\frac{2}{\sqrt{ق(س) + 2}} + ث$

(7) إذا كان احتمال نمو نوع من شجر التفاح عند زراعته يساوي 0.3 ، وتم زراعة 8 شجرات من هذا النوع ، فان المقدار  $28 \times 0.09 \times (0.7)^6$  يعبر عن احتمال نمو :

- (أ) شجرتين (ب) 4 شجرات (ج) 6 شجرات (د) 8 شجرات

(8) إذا كان التوزيع الاحتمالي للمتغير (س) يعطى بالعلاقة ل (س) =  $\frac{1}{6}$  ، س = 0 ، 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 5

فان الوسط للمتغير (س) يساوي :

- (أ) 2 (ب) 2.5 (ج) 3 (د) 3.5

(9) في توزيع احتمالي ذي الحدين إذا كان توقع إصابة هدف عند إطلاق 10 قذائف عليه يساوي

4 إصابات ، فان التباين يساوي :

- (أ) 0.4 (ب) 0.6 (ج) 1.5 (د) 2.4

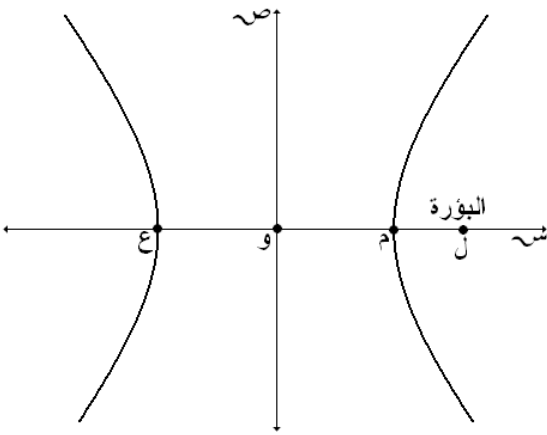
تابع / السؤال الأول:

10 ( الشكل المقابل يمثل منحنى التوزيع الطبيعي المعياري ، إذا كانت مساحة الجزء المظلل تساوي 0.032 فان قيمة هـ تساوي :



- ( أ ) 1.9  
 ( ب ) 1.6  
 ( ج ) 1.4  
 ( د ) 1.2

11 ( الشكل المجاور يمثل قطع زائد مركزه النقطة و ،



إذا كان  $ل = 8$  وحدة طول ،  $م = 2$  وحدة طول فان قيمة الاختلاف المركزي لهذا القطع يساوي :

- ( أ )  $\frac{7}{3}$   
 ( ب )  $\frac{7}{4}$   
 ( ج )  $\frac{5}{3}$   
 ( د )  $\frac{5}{4}$

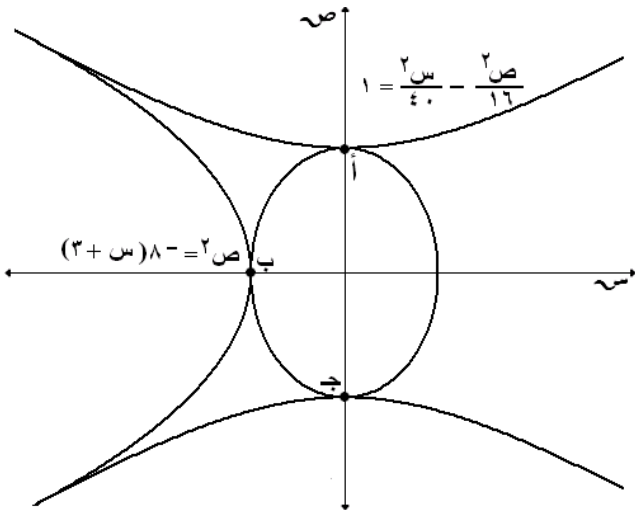
12 ( عدد القطوع المخروطية المكافئة التي يمكن رسمها في المستوى بحيث تمر بالنقطتين

( 2 ، 2 ) ، ( 5 ، 1 ) هي :-

- ( أ ) 1 ( ب ) 2 ( ج ) 4 ( د ) عدد لا نهائي

13 ( المعادلة  $ص^2 + (م - 4)ص + 2 = 1$  تمثل قطعاً ناقصاً إذا كانت مجموعة قيم م هي :

- ( أ )  $]-4, \infty[$  ( ب )  $[7, 4[$  ( ج )  $[7, \infty[$  ( د )  $]7, 4[$



14 ( في الشكل المقابل قطع ناقص مركزه نقطة الأصل

إذا كانت النقاط أ ، ب ، ج هي نقاط تماس القطع الناقص مع القطعين الآخرين . مستعيناً بالمعطيات في الرسم ، تكون معادلة القطع الناقص هي :

( أ )  $1 = \frac{ص^2}{9} + \frac{س^2}{16}$  ( ب )  $1 = \frac{ص^2}{9} + \frac{س^2}{16}$

( ج )  $1 = \frac{ص^2}{40} + \frac{س^2}{16}$  ( د )  $1 = \frac{ص^2}{16} + \frac{س^2}{40}$

السؤال الثاني:

(1) أ) إذا كانت  $s < 0$  ، فأوجد  $\left[ \sqrt{\frac{1}{s} + 1} - \frac{1}{s} \right] \cdot s$

ب) إذا كانت  $s = 8$  دالة متصلة وتمر بالنقطتين  $(-1, 2)$  ،  $(3, 4)$  ، وكان  $\left[ \sqrt{s} \cdot (s) \right] = 8$

فأوجد قيمة  $\left[ \sqrt{s^2 - 1} - (s) \right] \cdot s$

(2) أخذت عينة من 100 مصباح ينتجها أحد المصانع الكهربائية وكان متوسط عمرها 1762 ساعة إضاءة بانحراف معياري 200 ساعة . يزعم مدير المصنع أن متوسط عمر المصباح 1800 ساعة . فهل زعم مدير المصنع مقبول ؟ ( استخدم مستوى دلالة 5 % ) .

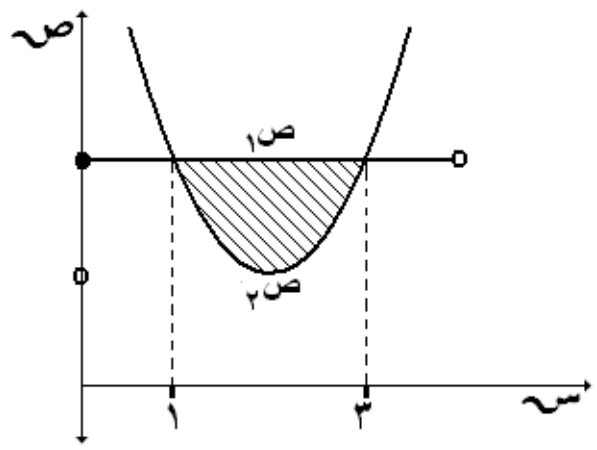
(3) اوجد إحداثيات الرأس والبؤرة ومعادلة محور التناظر للقطع المكافئ الذي معادلته :  $s^2 - 12s + 8 = 0$

السؤال الثالث:

(1) الجزء المظلل في الشكل المجاور يمثل المنطقة المحصورة بين منحنى الدالتين :

$$s^2 - 4s + 5 = 0 \quad , \quad \left[ 2 + \frac{s}{4} \right] = 1$$

اوجد مساحة المنطقة المظلمة .



تابع / السؤال الثالث:

( 2 ) يخضع زمن الانتظار لمقابلة الطبيب في احد المستشفيات لتوزيع طبيعي وسطه 40 دقيقة وانحرافه المعياري 6 دقائق . احسب احتمال أن يكون زمن الانتظار الذي يستغرقه مريض تم اختياره عشوائياً لمقابلة الطبيب أكثر من 49 دقيقة ؟

( 3 ) اوجد معادلة المحل الهندسي للنقطة ( س ، ص ) التي تتحرك في المستوى بحيث يكون مجموع بعدها عن النقطتين ( 1 ، 1 ) ، ( 1 ، - 3 ) يساوي 8 وحدات طول ؟

السؤال الرابع :

( 1 ) استخدم الرسم في تحديد المنطقة المحصورة بين منحنى الدالة  $v = 4(1 - s)^2$  ، ومحور السينات والمستقيم  $s = \text{صفر}$  ، ثم احسب حجم الجسم الناتج من دوران هذه المنطقة دورة كاملة حول المحور السيني .

( 2 ) إذا كان التوزيع الاحتمالي للمتغير  $s$  هو الدالة  $h(s) = 1 - \frac{s}{2}$  ،  $s \in [0, 2]$

( أ ) اثبت أن  $h(s)$  دالة كثافة

( ب ) أوجد  $L(s > 1)$  ( صفر  $> s > 1$  )

( 3 ) اوجد البعد البؤري ، ومعادلتى خطي التقارب للقطع الزائد الذي معادلته

$$4v^2 - 9s^2 + 18s - 45 = \text{صفر}$$

انتهت الأسئلة مع خالص التمنيات لكم بالنجاح والتفوق